

## 正答表

## 数 学

(5 - 西)

	1	点
(問 1)	$\frac{3\sqrt{2}}{4}$	5
(問 2)	$2, \frac{4}{3}$	5
(問 3)	$\frac{5}{18}$	5
(問 4)	$x=15, y=9$	5
(問 5) 解答例		5

	2	点
(問 1)	$\frac{\sqrt{58}}{2}$ cm	7
(問 2) 解答例	【途中の式や計算など】	10
	<p>点 P が点 O を出発してから t 秒後の 2 点 P, Q の座標は <math>P\left(-\frac{t}{2}, \frac{t^2}{2}\right)</math>, <math>Q(t, t+3)</math> であるので、</p> <p>線分 PQ が x 軸と平行となるとき, <math>\frac{t^2}{2} = t + 3</math> が成立する。</p> <p><math>t^2 - 2t - 6 = 0</math> を解くと</p> $t = \frac{2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \times 1 \times (-6)}}{2}$ $t = \frac{2 \pm \sqrt{28}}{2}$ $t = \frac{2 \pm 2\sqrt{7}}{2}$ $t = 1 \pm \sqrt{7}$ <p><math>t \geq 0</math> より, <math>t = 1 + \sqrt{7}</math></p> <p>このとき, <math>\triangle APQ</math> の面積を t を用いて表すと、</p> $\left t - \left(-\frac{t}{2}\right)\right  \times  (t+3)-3  \times \frac{1}{2} = \frac{3}{4}t^2$ であるので、 <p>したがって、求める面積は</p> $\frac{3}{4}(1+\sqrt{7})^2 = \frac{3}{4}(8+2\sqrt{7}) = 6 + \frac{3}{2}\sqrt{7}$	

(答え)  $\left(6 + \frac{3}{2}\sqrt{7}\right)$  cm<sup>2</sup>

	3	点
(問 1)	$\sqrt{73}$ cm	7
(問 2)	$\frac{13\sqrt{3}}{3}$ cm <sup>2</sup>	8
(問 3) 解答例	【証明】	10

点 O と頂点 C, 点 O と頂点 B をそれぞれ結ぶ。  
 $\triangle OBH$  と  $\triangle OCH$  において  
 $OB=OC$  (円の半径) ...①  
 $\triangle OBC$  は等辺三角形となるので  
 $\angle OBH = \angle OCH$  (等辺三角形の底角) ...②  
また、仮定から  $\angle OHB = \angle OHC = 90^\circ$  ...③  
①, ②, ③より  
直角三角形の斜辺と 1 つの鋭角がそれぞれ等しいので  
 $\triangle OBH \cong \triangle OCH$   
ゆえに  $\angle HOB = \angle HOC$  よって  $\angle HOC = \frac{1}{2}\angle COB$  ...④  
 $\triangle AEB$  と  $\triangle OHC$  の相似を考える。  
内周角の定理より  $\angle CAB = \frac{1}{2}\angle COB$  ...⑤  
④, ⑤より  $\angle CAB = \angle HOC$   
すなはち  $\angle EAB = \angle HOC$  ...⑥  
仮定より  $\angle AEB = \angle OHC (=90^\circ)$  ...⑦  
⑥, ⑦より 2 組の角がそれぞれ等しいので  $\triangle AEB \sim \triangle OHC$   
よって  $AE:OH = BE:CH$  から  $AE \times CH = OH \times BE$

	4	点
(問 1)	7	7
(問 2) 解答例	【途中の式や考え方など】	10
(問 3)		8

①より,  $N(bcd)=0$  と分かる。  
したがって,  $b=1$  である。  
また②より  $N(cadb)=1$  で  $b=1$  なので  
 $c=4$  となる。  
このとき③は,  $N(a14d)=4$  となる。  
 $(a, d)=(2, 3), (3, 2)$  のいずれかであるが  
 $(a, d)=(2, 3)$  とすると  $N(2143)=1$  となり不適。  
また  $(a, d)=(3, 2)$  とすると  
 $3142 \rightarrow 4132 \rightarrow 2314 \rightarrow 3214 \rightarrow 1234$  で  
 $N(3142)=4$  となり適する。  
以上から  
 $a=3, b=1, c=4, d=2$

(答え)  $a=3, b=1, c=4, d=2$